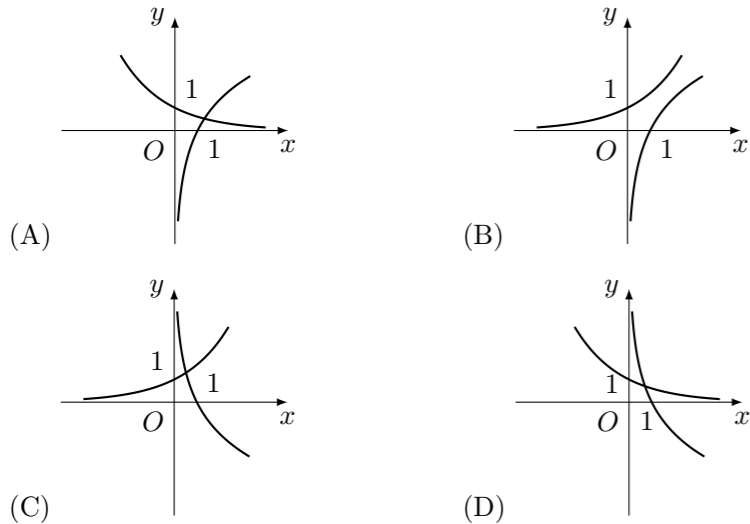


1996 普通高等学校招生考试 (全国卷文)

1. 设全集 $I = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, 集合 $A = \{1, 3, 5, 7\}$, $B = \{3, 5\}$, 则 ()
 (A) $I = A \cup B$ (B) $I = \bar{A} \cup B$ (C) $I = A \cup \bar{B}$ (D) $I = \bar{A} \cup \bar{B}$

2. 当 $a > 1$ 时, 在同一坐标系中, 函数 $y = a^{-x}$ 与 $y = \log_a x$ 的图象 ()



3. 若 $\sin^2 x > \cos^2 x$, 则 x 的取值范围是 ()
 (A) $\left\{x \mid 2k\pi - \frac{3}{4}\pi < x < 2k\pi + \frac{1}{4}\pi, k \in \mathbf{Z}\right\}$
 (B) $\left\{x \mid 2k\pi + \frac{1}{4}\pi < x < 2k\pi + \frac{5}{4}\pi, k \in \mathbf{Z}\right\}$
 (C) $\left\{x \mid k\pi - \frac{1}{4}\pi < x < k\pi + \frac{1}{4}\pi, k \in \mathbf{Z}\right\}$
 (D) $\left\{x \mid k\pi + \frac{1}{4}\pi < x < k\pi + \frac{3}{4}\pi, k \in \mathbf{Z}\right\}$

4. 复数 $\frac{(2+2i)^4}{(1-\sqrt{3}i)^5}$ 等于 ()
 (A) $1 + \sqrt{3}i$ (B) $-1 + \sqrt{3}i$ (C) $1 - \sqrt{3}i$ (D) $-1 - \sqrt{3}i$

5. 6 名同学排成一排, 其中甲、乙两人必须排在一起的不同排法有 ()
 (A) 720 种 (B) 360 种 (C) 240 种 (D) 120 种

6. 已知 α 是第三象限角且 $\sin \alpha = -\frac{24}{25}$, 则 $\tan \frac{\alpha}{2} =$ ()
 (A) $\frac{4}{3}$ (B) $\frac{3}{4}$ (C) $-\frac{3}{4}$ (D) $-\frac{4}{3}$

7. 如果直线 l, m 与平面 α, β, γ 满足: $l = \beta \cap \gamma, l \parallel \alpha, m \subset \alpha, m \perp \gamma$, 那么必有 ()
 (A) $\alpha \perp \gamma$ 且 $l \perp m$ (B) $\alpha \perp \gamma$ 且 $m \parallel \beta$
 (C) $m \parallel \beta$ 且 $l \perp m$ (D) $\alpha \parallel \beta$ 且 $\alpha \perp \gamma$

8. 当 $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$, $f(x) = \sin x + \sqrt{3} \cos x$ 的 ()
 (A) 最大值是 1, 最小值是 -1 (B) 最大值是 1, 最小值是 $-\frac{1}{2}$
 (C) 最大值是 2, 最小值是 -2 (D) 最大值是 2, 最小值是 -1

9. 中心在原点, 准线方程为 $x = \pm 4$, 离心率为 $\frac{1}{2}$ 的椭圆方程是 ()
 (A) $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$ (B) $\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{4} = 1$ (C) $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ (D) $x^2 + \frac{y^2}{4} = 1$

10. 圆锥母线长为 1, 侧面展开图圆心角为 240° , 该圆锥的体积 ()
 (A) $\frac{2\sqrt{2}\pi}{81}$ (B) $\frac{8\pi}{81}$ (C) $\frac{4\sqrt{5}\pi}{81}$ (D) $\frac{10\pi}{81}$

11. 椭圆 $25x^2 - 150x + 9y^2 + 18y + 9 = 0$ 的两个焦点坐标是 ()
 (A) $(-3, 5), (-3, -3)$ (B) $(3, 3), (3, -5)$
 (C) $(1, 1), (-7, 1)$ (D) $(7, -1), (-1, -1)$

12. 将边长为 a 的正方形 $ABCD$ 沿对角线 AC 折起, 使得 $BD = a$, 则三棱锥 $DABC$ 的体积为 ()
 (A) $\frac{a^3}{6}$ (B) $\frac{a^3}{12}$ (C) $\frac{\sqrt{3}}{12}a^3$ (D) $\frac{\sqrt{2}}{12}a^3$

13. 等差数列 $\{a_n\}$ 的前 m 项和为 30, 前 $2m$ 项和为 100, 则它的前 $3m$ 项和为 ()
 (A) 130 (B) 170 (C) 210 (D) 260

14. 设双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($0 < a < b$) 的半焦距为 c , 直线 l 过 $(a, 0), (0, b)$ 两点, 已知原点到直线 l 的距离为 $\frac{\sqrt{3}}{4}c$, 则双曲线的离心率为 ()
 (A) 2 (B) $\sqrt{3}$ (C) $\sqrt{2}$ (D) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

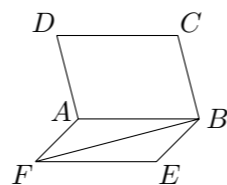
15. 设 $f(x)$ 是 $(-\infty, +\infty)$ 上的奇函数, $f(x+2) = -f(x)$, 当 $0 \leq x \leq 1$ 时, $f(x) = x$, 则 $f(7.5)$ 等于 ()
 (A) 0.5 (B) -0.5 (C) 1.5 (D) -1.5

16. 已知点 $(-2, 3)$ 与抛物线 $y^2 = 2px$ ($p > 0$) 的焦点的距离是 5, 则 $p =$ _____.

17. 正六边形的中心和顶点共 7 个点, 以其中 3 个点为顶点的三角形共有 _____ 个. (用数字作答)

18. $\tan 20^\circ + \tan 40^\circ + \sqrt{3} \tan 20^\circ \tan 40^\circ$ 的值是 _____.

19. 如图, 正方形 $ABCD$ 所在平面与正方形 $ABEF$ 所在平面成 60° 的二面角, 则异面直线 AD 与 BF 所成角的余弦值是 _____.

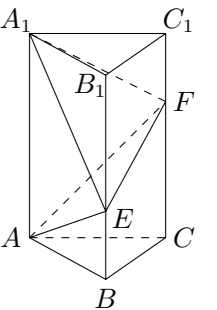


20. 解不等式: $\log_a(x+1-a) > 1$.

21. 设等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n . 若 $S_3 + S_6 = 2S_9$, 求数列的公比 q .

22. 已知 $\triangle ABC$ 的三个内角 A, B, C 满足: $A + C = 2B, \frac{1}{\cos A} + \frac{1}{\cos C} = -\frac{\sqrt{2}}{\cos B}$, 求 $\cos \frac{A-C}{2}$ 的值.

23. 如图, 在正三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$ 中, $AB = \frac{AA_1}{3} = a, E, F$ 分别是 BB_1, CC_1 上的点且 $BE = a, CF = 2a$.
 (1) 求证: 面 $AEF \perp$ 面 ACF ;
 (2) 求三棱锥 A_1-AEF 的体积.



24. 某地现有耕地 10000 公顷, 规划 10 年后粮食单产比现在增加 22%, 人均粮食占有量比现在提高 10%. 如果人口年增长率为 1%, 那么耕地平均每年至多只能减少多少公顷 (精确到 1 公顷)?
 (粮食单产 = $\frac{\text{总产量}}{\text{耕地面积}}$, 人均粮食占有量 = $\frac{\text{总产量}}{\text{总人口数}}$)

25. 已知 l_1, l_2 是过点 $P(-\sqrt{2}, 0)$ 的两条互相垂直的直线, 且 l_1, l_2 与双曲线 $y^2 - x^2 = 1$ 各有两个交点, 分别为 A_1, B_1 和 A_2, B_2 .
 (1) 求 l_1 的斜率 k_1 的取值范围;
 (2) 若 A_1 恰是双曲线的一个顶点, 求 $|A_2B_2|$ 的值.