

## 2014 普通高等学校招生考试 (湖北卷文)

### 一、选择题

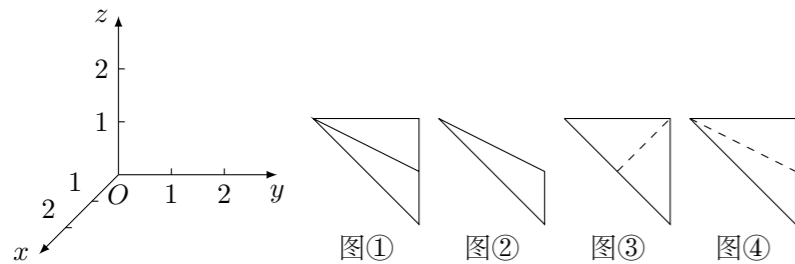
- 已知全集  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ , 集合  $A = \{1, 3, 5, 6\}$ , 则  $\complement_U A =$  ( )  
(A)  $\{1, 3, 5, 6\}$  (B)  $\{2, 3, 7\}$  (C)  $\{2, 4, 7\}$  (D)  $\{2, 5, 7\}$
- $i$  为虚数单位, 则  $\left(\frac{1-i}{1+i}\right)^2 =$  ( )  
(A) 1 (B) -1 (C)  $i$  (D)  $-i$
- 命题“ $\forall x \in \mathbf{R}, x^2 \neq x$ ”的否定是 ( )  
(A)  $\forall x \notin \mathbf{R}, x^2 \neq x$  (B)  $\forall x \in \mathbf{R}, x^2 = x$   
(C)  $\exists x \notin \mathbf{R}, x^2 \neq x$  (D)  $\exists x \in \mathbf{R}, x^2 = x$
- 若变量  $x, y$  满足约束条件  $\begin{cases} x+y \leq 4, \\ x-y \leq 2, \\ x \geq 0, y \geq 0, \end{cases}$  则  $2x+y$  的最大值是 ( )  
(A) 2 (B) 4 (C) 7 (D) 8
- 随机掷两枚质地均匀的骰子, 它们向上的点数之和不超过 5 的概率记为  $p_1$ , 点数之和大于 5 的概率记为  $p_2$ , 点数之和为偶数的概率记为  $p_3$ , 则 ( )  
(A)  $p_1 < p_2 < p_3$  (B)  $p_2 < p_1 < p_3$  (C)  $p_1 < p_3 < p_2$  (D)  $p_3 < p_1 < p_2$

6. 根据如下样本数据

$x$	3	4	5	6	7	8
$y$	4.0	2.5	-0.5	0.5	-2.0	-3.0

得到的回归方程为  $\hat{y} = bx + a$ , 则 ( )

- (A)  $a > 0, b < 0$  (B)  $a > 0, b > 0$  (C)  $a < 0, b < 0$  (D)  $a < 0, b > 0$
- 在如图所示的空间直角坐标系  $O-xyz$  中, 一个四面体的顶点坐标分别是  $(0, 0, 2), (2, 2, 0), (1, 2, 1), (2, 2, 2)$ . 给出编号为①②③④的四个图, 则该四面体的正视图和俯视图分别为 ( )



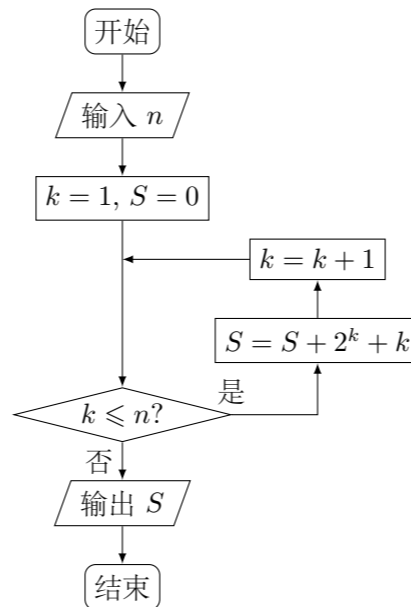
- (A) ①和② (B) ③和① (C) ④和③ (D) ④和②
- 设  $a, b$  是关于  $t$  的方程  $t^2 \cos \theta + t \sin \theta = 0$  的两个不等实根, 则过  $A(a, a^2), B(b, b^2)$  两点的直线与双曲线  $\frac{x^2}{\cos^2 \theta} - \frac{y^2}{\sin^2 \theta} = 1$  的公共点的个数为 ( )  
(A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 3

- 已知  $f(x)$  是定义在  $\mathbf{R}$  上的奇函数, 当  $x \geq 0$  时,  $f(x) = x^2 - 3x$ . 则函数  $g(x) = f(x) - x + 3$  的零点的集合为 ( )  
(A)  $\{1, 3\}$  (B)  $\{-3, -1, 1, 3\}$   
(C)  $\{2 - \sqrt{7}, 1, 3\}$  (D)  $\{-2 - \sqrt{7}, 1, 3\}$

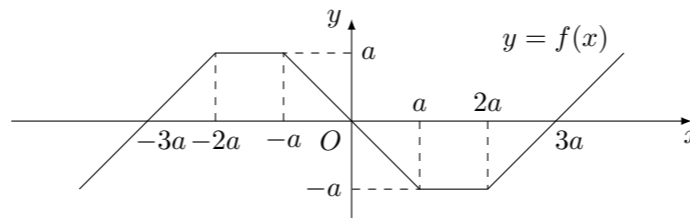
- 《算数书》竹简于上世纪八十年代在湖北省江陵县张家山出土, 这是我国现存最早的有系统的数学典籍, 其中记载有求“困盖”的术: 置如其周, 令相乘也. 又以高乘之, 三十六成一. 该术相当于给出了由圆锥的底面周长  $L$  与高  $h$ , 计算其体积  $V$  的近似公式  $V \approx \frac{1}{36} L^2 h$ . 它实际上是将圆锥体积公式中的圆周率  $\pi$  近似取为 3. 那么, 近似公式  $V \approx \frac{2}{75} L^2 h$  相当于将圆锥体积公式中的  $\pi$  近似取为 ( )  
(A)  $\frac{22}{7}$  (B)  $\frac{25}{8}$  (C)  $\frac{157}{50}$  (D)  $\frac{355}{113}$

### 二、填空题

- 甲、乙两套设备生产的同类型产品共 4800 件, 采用分层抽样的方法从中抽取一个容量为 80 的样本进行质量检测. 若样本中有 50 件产品由甲设备生产, 则乙设备生产的产品总数为\_\_\_\_\_件.
- 若向量  $\vec{OA} = (1, -3)$ ,  $|\vec{OA}| = |\vec{OB}|$ ,  $\vec{OA} \cdot \vec{OB} = 0$ , 则  $|\vec{AB}| =$ \_\_\_\_\_.
- 在  $\triangle ABC$  中, 角  $A, B, C$  所对的边分别为  $a, b, c$ , 已知  $A = \frac{\pi}{6}$ ,  $a = 1$ ,  $b = \sqrt{3}$ , 则  $B =$ \_\_\_\_\_.
- 阅读如图所示的程序框图, 运行相应的程序, 若输入  $n$  的值为 9, 则输出  $S$  的值为\_\_\_\_\_.



- 如图所示, 函数  $y = f(x)$  的图象由两条射线和三条线段组成.



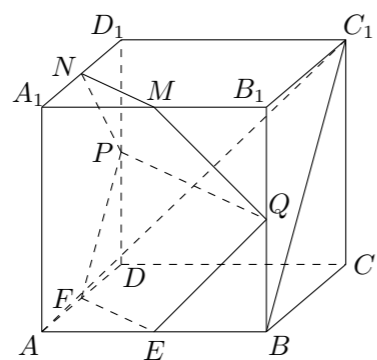
若  $\forall x \in \mathbf{R}, f(x) > f(x-1)$ , 则正实数  $a$  的取值范围为\_\_\_\_\_.

- 某项研究表明: 在考虑行车安全的情况下, 某路段车流量  $F$  (单位时间内经过测量点的车辆数, 单位: 辆/小时) 与车流速度  $v$  (假设车辆以相同速度  $v$  行驶, 单位: 米/秒), 平均车长  $l$  (单位: 米) 的值有关, 其公式为  $F = \frac{76000v}{v^2 + 18v + 20l}$ .  
(1) 如果不限定车型,  $l = 6.05$ , 则最大车流量为\_\_\_\_\_辆/小时;  
(2) 如果限定车型,  $l = 5$ , 则最大车流量比 (1) 中的最大车流量增加\_\_\_\_\_辆/小时.
- 已知圆  $O: x^2 + y^2 = 1$  和点  $A(-2, 0)$ , 若定点  $B(b, 0)$  ( $b \neq -2$ ) 和常数  $\lambda$  满足: 对圆  $O$  上任意一点  $M$ , 都有  $|MB| = \lambda|MA|$ , 则  
(1)  $b =$ \_\_\_\_\_;  
(2)  $\lambda =$ \_\_\_\_\_.

### 三、解答题

- 某实验室一天的温度 (单位:  $^{\circ}\text{C}$ ) 随时间  $t$  (单位: h) 的变化近似满足函数关系:  $f(t) = 10 - \sqrt{3} \cos \frac{\pi}{12} t - \sin \frac{\pi}{12} t$ ,  $t \in [0, 24)$ .  
(1) 求实验室这一天上午 8 时的温度;  
(2) 求实验室这一天的最大温差.
- 已知等差数列  $\{a_n\}$  满足:  $a_1 = 2$ , 且  $a_1, a_2, a_5$  成等比数列.  
(1) 求数列  $\{a_n\}$  的通项公式.  
(2) 记  $S_n$  为数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和, 是否存在正整数  $n$ , 使得  $S_n > 60n + 800$ ? 若存在, 求出  $n$  的最小值; 若不存在, 说明理由.

20. 如图, 在正方体  $ABCD - A_1B_1C_1D_1$  中,  $E, F, P, Q, M, N$  分别是棱  $AB, AD, DD_1, BB_1, A_1B_1, A_1D_1$  的中点. 求证:
- (1) 直线  $BC_1 \parallel$  平面  $EFPQ$ ;
  - (2) 直线  $AC_1 \perp$  平面  $PQMN$ .



21.  $\pi$  为圆周率,  $e = 2.71828 \dots$  为自然对数的底数.

- (1) 求函数  $f(x) = \frac{\ln x}{x}$  的单调区间;
- (2) 求  $e^3, 3^e, e^\pi, \pi^e, 3^\pi, \pi^3$  这 6 个数中的最大数与最小数.

22. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 点  $M$  到点  $F(1, 0)$  的距离比它到  $y$  轴的距离多 1, 记点  $M$  的轨迹为  $C$ .
- (1) 求轨迹为  $C$  的方程;
  - (2) 设斜率为  $k$  的直线  $l$  过定点  $P(-2, 1)$ , 求直线  $l$  与轨迹  $C$  恰好有一个公共点, 两个公共点, 三个公共点时  $k$  的相应取值范围.