

# 2026 年全国 1 卷高考数学真题(回忆版)

## 一、单选题

1. 样本数据6,8,4,5,12的中位数为 ( )
- A. 5                      B. 6                      C. 8                      D. 9
2. 已知平面向量 $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ 不共线, 且 $2\vec{a} + y\vec{b} = x\vec{a} - 3\vec{b}$ , 则 ( )
- A.  $x = 2, y = -3$     B.  $x = -2, y = 3$     C.  $x = 2, y = 3$     D.  $x = -2, y = -3$
3. 已知集合 $A = \{\sin \frac{7\pi}{6}, \cos \frac{5\pi}{3}, \tan \frac{5\pi}{4}\}$ ,  $B = \{-\frac{\sqrt{3}}{2}, -\frac{1}{2}, 1\}$ , 则 $A \cap B =$  ( )
- A.  $\{-\frac{\sqrt{3}}{2}, -\frac{1}{2}\}$     B.  $\{-\frac{\sqrt{3}}{2}, 1\}$     C.  $\{-\frac{1}{2}, 1\}$     D.  $\{-\frac{\sqrt{3}}{2}, -\frac{1}{2}, 1\}$
4. 曲线 $y = 5x + 8\ln x$ 在点(1,5)处的切线方程为 ( )
- A.  $y = 3x + 2$     B.  $y = 5x$     C.  $y = 8x - 3$     D.  $y = 13x - 8$
5. 已知抛物线 $C_1: y^2 = 2p_1x$  ( $p_1 > 0$ ) 和 $C_2: x^2 = 2p_2y$  ( $p_2 > 0$ ) 均经过点(4,8), 则 $C_1$ 的焦点与 $C_2$ 的焦点之间的距离为 ( )
- A. 12                      B.  $4\sqrt{5}$                       C. 6                      D.  $\frac{\sqrt{65}}{2}$
6. 已知函数 $f(x) = \frac{x+2}{e^x+a}$ 的最大值为1, 则 $a =$  ( )
- A.  $\frac{1}{2}$                       B. 1                      C.  $\frac{3}{2}$                       D. 2
7. 一百零八塔位于宁夏回族自治区青铜峡市, 以其独特的建筑格局和深远的历史文化闻名遐迩. 该塔群共有 108 座塔, 依山势自上而下排成 12 行, 将第 $i$ 行中塔的座数记为 $a_i$  ( $i = 1, 2, \dots, 12$ ), 其中 $a_1 = 1, a_2 = a_3 = 3, a_4 = a_5 = 5$ , 且 $a_6, a_7, \dots, a_{12}$ 是一个首项为7, 公差为2的等差数列. 将 $a_1, a_2, \dots, a_{12}$ 分为6组, 每组2个数, 使得每组的2个数之和可构成一个项数为6且公差为 $d$  ( $d > 0$ )的等差数列, 则 $d =$  ( )
- A. 2                      B. 4                      C. 6                      D. 8
8. 设 $U = \{(x_1, x_2, x_3) | x_i \in \{-2, -1, 1, 2\}, i = 1, 2, 3\}$ 为空间中 64 个点构成的集合, 点 $P(1, 1, 1)$ , 记样本空间 $\Omega = C_U P$ , 从 $\Omega$ 中随机取一个点, 定义随机变量 $X$ 如下: 对 $\Omega$ 中的每个点 $A(x_1, x_2, x_3)$ , 令 $X(A) = x_1 + x_2 + x_3$ , 则 $X$ 的数学期望值为 ( )
- A.  $-\frac{1}{21}$                       B.  $-\frac{1}{63}$                       C. 0                      D.  $\frac{1}{7}$

## 二、多选题

9. 设 $z = 3 + 2i$ , 则 ( )
- A.  $\bar{z} = 3 - 2i$     B.  $|z| = 5$     C.  $z^2 = 5 + 12i$     D.  $\frac{z+3}{z-i} \in \mathbb{R}$
10. 在空间中,  $A, B$ 为两个定点, 动点 $C$ 到直线 $AB$ 的距离为2, 动点 $D$ 到直线 $AB$ 的距离为1. 若二面角 $C - AB - D$ 为 $60^\circ$ , 则 ( )

A.  $\angle CAD \geq 60^\circ$

B.  $CD \geq \sqrt{3}$

C. 当  $AB \perp CD$  时,  $CD \perp$  平面  $ABD$

D. 当  $AB \perp$  平面  $ACD$  时,  $AC \perp AD$

11. 已知圆  $C_1: (x+1)^2 + y^2 = 1$ , 圆  $C_2: (x-1)^2 + y^2 = 1$ , 圆  $C_3: x^2 + (y-\sqrt{3})^2 = 1$ , 直线  $l: y = kx + b$  与  $C_1, C_2, C_3$  均有两个交点. 记  $l$  被  $C_1, C_2, C_3$  截得的弦长分别为  $s_1, s_2, s_3$ , 则 ( )

A.  $k$  可以取任意实数

B. 满足  $s_1 = s_2 = s_3$  的直线  $l$  共有 3 条

C. 满足  $s_1 + s_2 + s_3 = 3$  的直线  $l$  多于 3 条 D. 当  $b = 0$  时,  $s_1 + s_2 + s_3$  的最大值为  $\frac{2\sqrt{21}}{3}$

### 三、填空题

12. 双曲线  $5x^2 - 6y^2 = 1$  的离心率为\_\_\_\_\_.

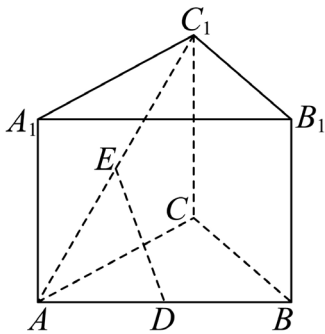
13. 已知  $f(x) = 2\sin(ax + \theta)$  ( $a \in \mathbb{Z}, 0 \leq \theta < 2\pi$ ) 是偶函数,  $f(x)$  在区间  $(0, \frac{\pi}{2})$  单调递增. 则  $\theta =$ \_\_\_\_\_ ,

$f(\frac{2\pi}{3}) =$ \_\_\_\_\_.

14. 设实数  $q$  满足: 存在数列  $\{a_n\}$ , 使得对于任意  $n \in \mathbb{N}^*$ , 均有  $a_1 + a_2 + \dots + a_{3n} = n^2 + n$ , 且  $\{a_n\}$  中有某连续 9 项  $a_k, a_{k+1}, \dots, a_{k+8}$  是公比为  $q$  的等比数列. 则  $q$  的最大值为\_\_\_\_\_.

### 四、解答题

15. 如图, 在直三棱柱  $ABC - A_1B_1C_1$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  $AC = BC$ ,  $D, E$  分别为  $AB, AC_1$  的中点.



(1) 证明:  $DE \parallel$  平面  $BCC_1B_1$ ;

(2) 设  $CC_1 = 2$ , 直线  $DE$  与平面  $ACC_1A_1$  所成的角为  $45^\circ$ , 求直线  $DE$  到平面  $BCC_1B_1$  的距离.

16. 已知在 $\triangle ABC$ 中,  $AB = 3$ ,  $BC = 2\sqrt{3}$ ,  $\cos B = \frac{\sqrt{3}}{3}$ .

(1)求 $\cos A$ ;

(2)设 $D, E$ 两点满足:  $D$ 在 $BA$ 的延长线上,  $DE \parallel BC$ ,  $AE \perp AC$ . 若 $DE = \sqrt{6}$ , 求 $CE$ .

17. 设整数 $N \geq 2$ . 某同学用一个球进行投篮练习, 至多投篮 $N$ 次, 当且仅当投中 1 次时或 $N$ 次均未投中时, 停止练习. 设该同学每次投中的概率为 $p$  ( $0 < p < 1$ ), 各次投中与否相互独立. 记 $X$ 为停止练习时该同学的投篮次数.

(1)当 $N = 4$ ,  $p = \frac{1}{3}$ 时, 求 $X$ 的分布列;

(2)设 $k, m$ 均为自然数.

(i) 当 $k \leq N - 1$ 时, 求 $P(X > k)$ ;

(ii) 当 $k + m \leq N - 1$ 时, 证明:  $P(X > k + m | X > k) = P(X > m)$ .

18. 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的左焦点为 $F(-1, 0)$ , 离心率为 $\frac{1}{2}$ .

(1) 求 $C$ 的方程;

(2) 设 $O$ 为坐标原点, 过 $F$ 且斜率大于0的动直线 $l$ 与 $C$ 交于 $P, Q$ 两点, 其中 $Q$ 在第三象限, 直线 $PO$ 与 $C$ 的另一个交点为 $R$ .

(i) 若 $\triangle PQR$ 的面积是 $\triangle PFO$ 的面积3倍, 求 $l$ 的方程;

(ii) 求 $\tan \angle PQR$ 的最小值.

19. 已知函数 $f(x)$ 的定义域为 $R$ , 且当 $x < 0$ 时,  $f(x) = 2^x$ . 对任意 $x_0 \in R$ , 定义集合 $D(x_0) = \{d \in R \mid f(x_0 + d) > f(x_0)\}$ .

(1) 若当 $x \geq 0$ 时,  $f(x) = 1 - x$ , 求 $D(-1)$ ;

(2) 若 $f(x)$ 是奇函数,  $f(x_1) \leq f(x_2)$ , 且 $x_1 x_2 \neq 0$ , 证明:  $D(x_2) \subseteq D(x_1)$ ;

(3) 设 $f(x)$ 满足: ①若 $f(x_1) \leq f(x_2)$ , 则 $D(x_2) \subseteq D(x_1)$ ; ②当 $0 < x < 1$ 时,  $f(x) < f(0)$ .

(i) 证明:  $f(0) \geq 1$ ;

(ii) 证明:  $f(x)$ 在区间 $(0, +\infty)$ 单调递增.

